

10 Inéquations

Des idées, des réflexes

Comment résoudre une inéquation du type $ax + b \leq c$?

Résoudre l'inéquation $-5x + 12 \leq 27$.

$$-5x + 12 - 12 \leq 27 - 12$$

On **soustrait 12** à chaque membre.

$$-5x \leq 15$$

$$\frac{-5x}{-5} \geq \frac{15}{-5}$$

On **divise par -5** chaque membre.
Ce nombre est **négatif** donc on **change** le sens de l'inégalité.

$$x \geq -3$$

L'ensemble des solutions de l'inéquation est $\mathcal{S} = [-3; +\infty[$.

On utilise un intervalle pour écrire l'ensemble des solutions.

Comment modéliser un problème à l'aide d'une inéquation ?

M est un point d'un segment $[AB]$ de longueur 20. On construit un carré $AMCD$ et un triangle équilatéral MBE comme indiqué ci-contre.

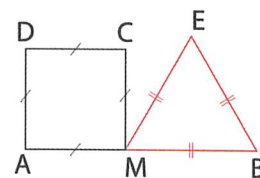
Pour quelles positions du point M sur le segment $[AB]$ le périmètre \mathcal{P} du carré est-il inférieur à celui \mathcal{P}' du triangle ?

– On choisit une inconnue :

on note x la longueur du segment $[AM]$ avec $0 \leq x \leq 20$.

– On exprime en fonction de x les périmètres \mathcal{P} et \mathcal{P}' : $\mathcal{P} = 4x$ et $\mathcal{P}' = 3(20 - x)$.

– On traduit l'inégalité $\mathcal{P} \leq \mathcal{P}'$ par une inéquation : $4x \leq 3(20 - x)$.



Comment résoudre une inéquation du type $(ax + b)(cx + d) \leq 0$?

Résoudre l'inéquation $(x + 1)(-2x + 6) \leq 0$.

① On porte les solutions des équations $x + 1 = 0$ et $-2x + 6 = 0$ par ordre croissant sur la ligne « x ».

② On utilise le signe de $ax + b$ (selon le signe de a) pour compléter le signe de $x + 1$ et celui de $-2x + 6$.

③ On applique la règle du signe d'un produit pour compléter le signe de $(x + 1)(-2x + 6)$.

On lit l'ensemble des solutions à l'aide de la première et la dernière lignes : $\mathcal{S} =]-\infty; -1] \cup [3; +\infty[$.

x	$-\infty$	-1	3	$+\infty$
$x + 1$	-	0	+	+
$-2x + 6$	+	+	0	-
$(x + 1)(-2x + 6)$	-	0	+	0

Série 1



1 Un nombre x vérifiant l'inégalité $x \leq 1$ est ...

- ☐ a. 2 ☒ b. 0
☐ c. $\frac{7}{3}$ ☐ d. 1,2

2 Un nombre a vérifiant l'inégalité $a \geq -3$ est ...

- ☒ a. -2 ☐ b. -10
☐ c. $-\frac{17}{5}$ ☐ d. -3,01

3 Un nombre y vérifiant l'inégalité $y < 4$ est ...

- ☐ a. 4 ☐ b. 4,2
☒ c. -3 ☐ d. $\frac{17}{4}$

4 Un nombre b vérifiant l'inégalité $b > \frac{8}{3}$ est ...

- ☐ a. 2 ☐ b. $\frac{8}{5}$
☒ c. $\frac{10}{3}$ ☐ d. $\frac{8}{3}$

5 Un nombre x vérifiant l'inégalité $x \leq \frac{7}{9}$ est ...

- ☐ a. 1 ☐ b. $\frac{7}{8}$
☐ c. $\frac{5}{4}$ ☒ d. $\frac{5}{9}$

Série 2



1 Si x désigne un nombre réel tel que $x < 5$, alors ...

- ☒ a. $x - 3 < 2$
☐ b. $x - 2 > 3$
☐ c. $x - 3 > 2$
☐ d. $x - 5 > 0$

2 Si a désigne un nombre réel tel que $a > 5$, alors ...

- ☒ a. $a + 1 > 6$
☐ b. $a + 5 < 10$
☐ c. $a + 1 < 6$
☐ d. $a + 3 < 8$

3 Si y désigne un nombre réel tel que $y \leq -12$, alors ...

- ☒ a. $y + 3 \leq -9$
☐ b. $y + 3 \geq -8$
☐ c. $y + 8 \geq 0$
☐ d. $y + 1 \leq -13$

4 Si b désigne un nombre réel tel que $b < 1$, alors ...

- ☐ a. $b - 1 > 0$
☐ b. $b - 3 > -2$
☐ c. $b - 5 > -5$
☒ d. $b - 1 < 0$

5 Si x désigne un nombre réel tel que $x \geq 0$, alors ...

- ☐ a. $x - 2 \geq 4$
☐ b. $x - 2 \leq -5$
☐ c. $x - 2 \leq 0$
☒ d. $x - 2 \geq -2$

Série 3



1 Si a et b désignent deux nombres réels tels que $a < 2$ et $b < 6$, alors ...

- ☐ a. $a + b = 8$
☒ b. $a + b < 8$
☐ c. $a + b > 8$
☐ d. on ne peut rien dire sur $a + b$

2 Si x et y désignent deux nombres réels tels que $x > -1$ et $y > 7$, alors ...

- ☐ a. $x + y = 6$
☐ b. $x + y < 6$
☐ c. on ne peut rien dire sur $x + y$
☒ d. $x + y > 6$

3 Si a et b désignent deux nombres réels tels que $a \leq 0$ et $b \leq 0$, alors ...

- ☐ a. $a + b = 0$
☐ b. $a + b \geq 0$
☒ c. $a + b \leq 0$
☐ d. on ne peut rien dire sur $a + b$

4 Si x et y désignent deux nombres réels tels que $x < 2$ et $y > 6$, alors ...

- ☐ a. $x + y < 8$
☒ b. on ne peut rien dire sur $x + y$
☐ c. $x + y > 4$
☐ d. $x + y = 8$

5 Si c et d désignent deux nombres réels tels que $c - d \leq 2$ et $d \leq 3$, alors ...

- ☐ a. $c \geq 5$
☐ b. on ne peut rien dire sur c
☒ c. $c \leq 5$
☐ d. $c + d \geq 8$

6 Si p et q désignent deux nombres réels tels que $p > 3$ et $q - p > 4$, alors ...

- ☐ a. $p + q > 7$ ☒ b. $q > 7$ ☐ c. $q < 7$
☐ d. on ne peut rien dire sur q

Série 1



1 Si a et b désignent des nombres réels tels que $a \leq b$, alors ...

☐ a. $17a \geq 17b$

☐ b. $-3a \leq -3b$

☐ c. $\frac{a}{3} \geq \frac{b}{3}$

☒ d. $2a \leq 2b$

2 Si a et b désignent des nombres réels tels que $a > b$, alors ...

☒ a. $-2a < -2b$

☐ b. $-7a > -7b$

☐ c. $3a < 3b$

☐ d. $\frac{a}{2} < \frac{b}{2}$

3 Si x désigne un nombre réel tel que $2x \leq 8$, alors ...

☐ a. $x \geq 4$

☐ b. $x \leq -4$

☒ c. $x \leq 4$

☐ d. $x \leq \frac{1}{4}$

4 Si x désigne un nombre réel tel que $-3x \leq 18$, alors ...

☐ a. $x \geq 6$

☐ b. $x \leq -6$

☐ c. $x \leq 21$

☒ d. $x \geq -6$

5 Si x désigne un nombre réel tel que $7x > 8$, alors ...

☐ a. $x < \frac{7}{8}$

☒ b. $x > \frac{8}{7}$

☐ c. $x < \frac{8}{7}$

☐ d. $x > -\frac{8}{7}$

Série 2



1 Si a et b désignent deux nombres réels tels que $a - b \geq 0$, alors ...

☐ a. a est inférieur ou égal à b

☒ b. a est supérieur ou égal à b

☐ c. a est égal à b

☐ d. a est strictement supérieur à b

2 Si a et b désignent deux nombres réels tels que $a - b \leq 0$, alors ...

☒ a. a est inférieur ou égal à b

☐ b. a est supérieur ou égal à b

☐ c. a est différent de b

☐ d. a est strictement inférieur à b

3 Si x et y désignent deux nombres réels tels que $x - y < 0$, alors ...

☐ a. x est strictement supérieur à y

☐ b. on ne peut pas comparer x et y

☐ c. x est supérieur ou égal à y

☒ d. x est strictement inférieur à y

4 x désigne un nombre réel positif et y désigne un nombre réel. Si $a = 2x + y$ et $b = x + y$, alors ...

☐ a. on ne peut pas comparer a et b

☒ b. a est supérieur ou égal à b

☐ c. a est égal à $2b$

☐ d. a est inférieur ou égal à b

5 x désigne un nombre réel. Si $a = x^2$ et $b = 2x - 1$, alors ...

☒ a. a est supérieur ou égal à b

☐ b. on ne peut pas comparer a et b

☐ c. a est inférieur ou égal à b

☐ d. a est égal à b^2

Série 3



1 a et b désignent des nombres réels positifs ; b est différent de 0. Si $\frac{a}{b} \leq 1$, alors ...

☐ a. on ne peut pas comparer a et b

☐ b. a est supérieur ou égal à b

☒ c. a est inférieur ou égal à b

☐ d. a est inférieur ou égal à $-b$

2 a et b désignent des nombres réels positifs ; b est différent de 0. Si $\frac{a}{b} \geq 1$, alors ...

☐ a. on ne peut pas comparer a et b

☐ b. a est inférieur ou égal à b

☒ c. a est supérieur ou égal à b

☐ d. a est supérieur ou égal à 1

3 Parmi ces quatre affirmations, une seule est vraie. Il s'agit de ...

☒ a. $0,7^2$ est inférieur à 0,7

☐ b. $1,5^2$ est inférieur à 1,5

☐ c. $1,01^2$ est inférieur à 1,01

☐ d. $0,25^2$ est supérieur à 0,25

4 x désigne un nombre réel supérieur ou égal à 1. Si $a = x^2$ et $b = x$, alors ...

☐ a. on ne peut pas comparer a et b

☐ b. a est inférieur ou égal à b

☒ c. a est supérieur ou égal à b

☐ d. a est égal à $2b$

5 Parmi ces quatre affirmations, une seule est vraie. Il s'agit de ...

☐ a. $\frac{1}{6}$ est supérieur à $\frac{5}{3}$

☒ b. $\frac{8}{11}$ est supérieur à $\frac{3}{5}$

☐ c. $\frac{14}{3}$ est inférieur à $\frac{23}{5}$

☐ d. $\frac{5}{6}$ est supérieur à $\frac{6}{7}$

Série 1



1 L'ensemble des solutions de l'inéquation $3x \leq 9$ est ...

- ☐ a. $[3; +\infty[$ ☒ b. $] -\infty; 3]$
☐ c. $[-3; +\infty[$ ☐ d. $] -\infty; 3[$

2 L'ensemble des solutions de l'inéquation $-4x < 8$ est ...

- ☐ a. $[-2; +\infty[$ ☐ b. $] -\infty; -2[$
☐ c. $] -\infty; 2[$ ☒ d. $[-2; +\infty[$

3 L'ensemble des solutions de l'inéquation $3x + 7 \geq 19$ est ...

- ☐ a. $] 4; +\infty[$ ☐ b. $\left[\frac{26}{3}; +\infty[$
☐ c. $[-4; +\infty[$ ☒ d. $] 4; +\infty[$

4 L'ensemble des solutions de l'inéquation $-x - 1 \leq 1$ est ...

- ☐ a. $[0; +\infty[$ ☐ b. $] -\infty; -2[$
☒ c. $[-2; +\infty[$ ☐ d. $] -\infty; 0[$

5 L'ensemble des solutions de l'inéquation $7x + 7 < -28$ est ...

- ☒ a. $] -\infty; -5[$ ☐ b. $] -3; +\infty[$
☐ c. $] -\infty; -5]$ ☐ d. $] -\infty; 3[$

Série 2



1 L'inéquation $3x + 4 < x + 2$ est équivalente à ...

- ☐ a. $4x < 6$ ☒ b. $2x < -2$
☐ c. $3x < 6$ ☐ d. $2x + 6 < 0$

2 L'inéquation $5x - 9 \geq 8x - 7$ est équivalente à ...

- ☒ a. $-2 \geq 3x$ ☐ b. $-3x \geq -16$
☐ c. $13x \geq 2$ ☐ d. $-3x \leq 2$

3 L'ensemble des solutions de l'inéquation $3x - 1 \leq -x + 3$ est ...

- ☐ a. $] -\infty; 2[$ ☐ b. $[1; +\infty[$
☒ c. $] -\infty; 1[$ ☐ d. $] -\infty; \frac{1}{2}[$

4 L'ensemble des solutions de l'inéquation $5x + 5 > 7x + 1$ est ...

- ☒ a. $] -\infty; 2[$ ☐ b. $] 2; +\infty[$
☐ c. $[-2; +\infty[$ ☐ d. $] -\infty; -2[$

5 L'ensemble des solutions de l'inéquation $1 - x \leq 2 - 2x$ est ...

- ☐ a. $] -\infty; \frac{1}{3}[$ ☐ b. $[1; +\infty[$
☐ c. $\left[\frac{1}{3}; +\infty[$ ☒ d. $] -\infty; 1[$

Série 3



1 Romain achète des gigaoctets sur Internet. 1 Go coûte 0,05 €. Il y a 5 € de frais de dossier. Pour payer moins de 15 €, Romain doit acheter un nombre x de Go qui vérifie l'inéquation ...

- ☒ a. $0,05x + 5 < 15$
☐ b. $5x + 0,05 < 15$
☐ c. $0,05x - 5 < 15$
☐ d. $15x + 0,05 < 5$

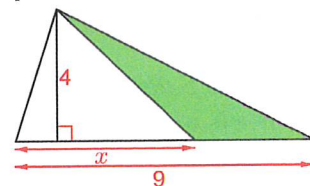
2 Pour refaire son toit, Alix paie 40 € par m² et 900 € de pose. La surface x à refaire (en m²) pour moins de 5 000 € vérifie l'inéquation ...

- ☐ a. $40x + 900 < 5\,000$
☒ b. $40x + 900 < 5\,000$
☐ c. $900x - 40 < 5\,000$
☐ d. $940x < 5000$

3 Unité de longueur : le centimètre.

L'aire de la surface verte est supérieure ou égale à 2 cm² lorsque x vérifie l'inéquation ...

- ☐ a. $18 + 2x \geq 2$
☐ b. $18 - 2x \leq 2$
☒ c. $18 - 2x \geq 2$
☐ d. $18 \geq 2x$

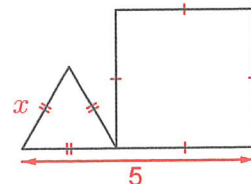


4 Si on retranche 4 au triple d'un nombre x , le nombre obtenu est inférieur ou égal au double de x lorsque x vérifie l'inéquation ...

- ☐ a. $-12x \leq 2x$
☐ b. $3x - 12 \leq 2x$
☐ c. $3x \leq 4$
☒ d. $3x - 4 \leq 2x$

5 Le périmètre du triangle est inférieur ou égal à celui du carré lorsque x vérifie l'inéquation ...

- ☐ a. $3x \leq 25$
☐ b. $3x \leq (5 - x)^2$
☐ c. $x \leq 5 - x$
☒ d. $3x \leq 20 - 4x$



Série 1



1 Voici le tableau de signes d'une expression $f(x)$. On peut affirmer ...

x	$-\infty$	1	2	$+\infty$
$f(x)$	-	0	+	-

- ☒ a. $f(x) \geq 0$ pour x appartenant à l'intervalle $[1; 2]$
☐ b. $f(x) \leq 0$ pour x appartenant à l'intervalle $[1; 2]$
☐ c. $f(x) \geq 0$ pour x appartenant à l'intervalle $]-\infty; 1]$

2 \mathcal{C} est la courbe représentative d'une fonction f définie sur l'intervalle $[-5; 6]$. Voici le tableau de signes de l'expression $f(x)$. On peut affirmer que ...

x	-5	3	6
$f(x)$	-	0	+

- ☐ a. \mathcal{C} est située au-dessus de l'axe des abscisses sur l'intervalle $[-5; 3]$
☒ b. \mathcal{C} est située en dessous de l'axe des abscisses sur l'intervalle $[-5; 3]$
☐ c. \mathcal{C} est située en dessous de l'axe des abscisses sur l'intervalle $[3; 6]$

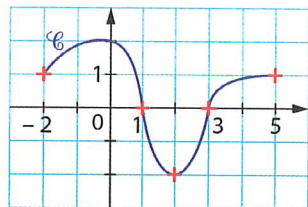
3 \mathcal{C} est la courbe représentative d'une fonction f définie sur \mathbb{R} . Voici le tableau de signes de l'expression $f(x)$. On peut affirmer que ...

x	$-\infty$	-3	2	$+\infty$
$f(x)$	-	0	+	-

- ☐ a. \mathcal{C} est située en dessous de l'axe des abscisses sur l'intervalle $[-3; 2]$
☐ b. \mathcal{C} est située au-dessus de l'axe des abscisses sur l'intervalle $[2; +\infty[$
☒ c. \mathcal{C} est située au-dessus de l'axe des abscisses sur l'intervalle $[-3; 2]$

4 f est la fonction définie sur l'intervalle $[-2; 5]$ dont la courbe représentative \mathcal{C} est donnée ci-dessous dans un repère. Le tableau de signes de $f(x)$ est incomplet. On peut compléter ...

- ☐ a. le cadre vert par le non signe -
☐ b. le cadre vert par le nombre 0 et le cadre rouge par le signe +
☒ c. le cadre vert par le nombre 1 et le cadre rouge par le signe +



x	-2		3	5
$f(x)$	+	0	-	0

Série 2



1 À l'aide du tableau de signes ci-dessous, on peut affirmer que l'ensemble des nombres réels x tels que $(-2x+4)(3x-9) \leq 0$ est ...

- ☐ a. $]-\infty; 2[\cup]3; +\infty[$
☒ b. $]-\infty; 2] \cup [3; +\infty[$
☐ c. $[2; 3]$

x	$-\infty$	2	3	$+\infty$
$-2x+4$	+	0	-	-
$3x-9$	-	-	0	+
$(-2x+4)(3x-9)$	-	0	+	-

2 À l'aide du tableau de signes ci-dessous, on peut affirmer que l'ensemble des solutions de l'inéquation $\frac{2x-1}{-x-2} \geq 0$ est ...

- ☒ a. $]-2; 0,5]$
☐ b. $]-\infty; -2[\cup]0,5; +\infty[$
☐ c. $[-2; 0,5]$

x	$-\infty$	-2	0,5	$+\infty$
$2x-1$	-	-	0	+
$-x-2$	+	0	-	-
$\frac{2x-1}{-x-2}$	-	+	0	-

3 À l'aide du tableau de signes incomplet ci-dessous, on peut affirmer que l'ensemble des solutions de l'inéquation $\frac{x+1}{x-1} \geq 0$ est ...

- ☐ a. $]-\infty; -1] \cup [1; +\infty[$
☐ b. $[-1; 1[$
☒ c. $]-\infty; -1] \cup]1; +\infty[$

x	$-\infty$	-1	1	$+\infty$
$x+1$	-	0	+	+
$x-1$	-	-	0	+
$\frac{x+1}{x-1}$		0		

4 À l'aide du tableau de signes incomplet ci-dessous, on peut affirmer que l'ensemble des solutions de l'inéquation $-x(x+4) < 0$ est ...

- ☐ a. $[-4; 0]$
☐ b. $]-\infty; -4[\cup [0; +\infty[$
☒ c. $]-\infty; -4[\cup]0; +\infty[$

x	$-\infty$	-4	0	$+\infty$
$-x$	+	+	0	-
$x+4$		0		
$-x(x+4)$		0	0	

Série 3



1 Voici le tableau de signes incomplet de l'expression $A(x) = (-7x+1)(8x-16)$. On peut compléter ...

- ☐ a. le cadre vert par -2 et le cadre rouge par $-\frac{1}{7}$
☐ b. le cadre vert par $\frac{1}{2}$ et le cadre rouge par 7
☒ c. le cadre vert par $\frac{1}{7}$ et le cadre rouge par 2

x	$-\infty$			$+\infty$
$A(x)$	-	0	+	-

2 Voici le tableau de signes d'une expression $C(x)$. $C(x)$ peut être égal à ...

- ☒ a. $(x-1)(x-2)$ ☐ b. $(x+1)(x+2)$ ☐ c. $(-x-1)(x-2)$

x	$-\infty$	1	2	$+\infty$
$C(x)$	+	0	-	+

3 Voici le tableau de signes d'une expression $D(x)$. $D(x)$ peut être égal à ...

- ☐ a. $(3x-1)(x-2)$ ☐ b. $(3x+1)(x-2)$
☒ c. $(3x+1)(-x+2)$ ☐ d. $(-3x-1)(-x+2)$

x	$-\infty$	$-\frac{1}{3}$	2	$+\infty$
$D(x)$	-	0	+	-

4 Voici le tableau de signes d'une expression $E(x)$. $E(x)$ peut être égal à ...

- ☐ a. $\frac{x-2}{x}$ ☐ b. $\frac{x}{x-2}$ ☒ c. $\frac{-x+2}{x}$ ☐ d. $\frac{x}{-x+2}$

x	$-\infty$	0	2	$+\infty$
$E(x)$	-	+	0	-